## Стохастические дисперсионные искажения импульсных характеристик широкополосных высокочастотных радиоканалов

## В.А. Иванов, Д.В. Иванов, Н.Н. Михеева, А.Н. Эпаев

Марийский государственный технический университет, Марий Эл, г. Йошкар-Ола, пл. Ленина, д.3, miheevann@marstu.net

Развиты методы и математические модели характеристик широкополосных высокочастотных радиоканалов и исследовано влияние на них стохастических дисперсионных искажений. Показано, что при нормальном законе распределения стохастической дисперсии с нулевым средним радиоканал разрушается и не поддается коррекции, когда СКО закона превышает 75 мкс.

Methods and mathematical models of high-frequency wideband radio channels characteristics are developed and influence on stochastic dispersive distortions are investigated. It is shown that at the normal law of distribution the stochastic dispersion with a zero average the radio channel collapses and doesn't give in to correction when average quadratic deviation exceeds  $75\mu$ s.

В настоящее время в связи с достижениями радиоэлектроники создались технические возможности для реализации коррекции дисперсионных искажений в широкополосных высокочастотных радиоканалах и тем самым существенного увеличения полосы неискаженной передачи. Однако, аппаратная реализация появившихся в последнее время возможностей затрудняется из-за нерешенности ряда научных проблем. К ним, в частности, относится не развитость радиофизических методов и математических моделей для исследования нерегулярных стохастических дисперсионных искажений. Необходимы данные о влиянии на коррекцию таких факторов как неоднородность и изменчивость дисперсности среды распространения.

**Цель работы** состоит в развитии методов и математических моделей для исследования характеристик широкополосных высокочастотных радиоканалов, и влияния на них стохастических дисперсионных искажений.

1. Влияние регулярной и стохастической дисперсии на частотную характеристику радиоканала.

Рассмотрим частотную характеристику (ЧХ) линии связи, которую в общем случае можно представить в виде:

$$H(\bar{f}, f, T) = H_0(\bar{f}, f, T) \exp\left[-i\varphi(\bar{f}, f, T)\right].$$
(1)

Нелинейная зависимость фазо-частотной характеристики (ФЧХ) от частоты приводит фазовой, а зависимость амплитудно-частотной характеристики (АЧХ) от частоты – амплитудной дисперсии линии связи.

Для исследования изменения данной характеристики при изменении частоты и особенно изменения ее фазового сомножителя вводим, помимо ФЧХ, функцию:

$$\tau_j(\bar{f}, f, T) = \frac{1}{2\pi} d\varphi_j / df , \qquad (2)$$

которую назовем дисперсионной характеристикой (ДХ) тракта распространения.

В натурных исследованиях на наземных радиолиниях ДХ различных трактов можно оценить по ионограммам линии связи, которые представляют собой следы на плоскости групповое запаздывание - частота. Пример ионограммы наземной радиолинии Иркутск – Йошкар-Ола представлен на рис. 1. Видно, что в условиях слабо возмущенной ионосферы следы можно заменить линиями, являющиеся по сути искомыми дисперсионными характеристиками. Кроме того, эти линии можно с некоторой степенью точности задать аналитически в виде многочленов от частоты.

Пусть ДХ тракта распространения можно представить в виде полинома  $P_n(f)$  степени *n*:

$$\tau_{j}(\bar{f}, f, T) = P_{nj}(f) = \sum_{k=1}^{n} \alpha_{k} f^{k} .$$
(3)

Из (3) интегрированием нетрудно получить полиномиальную модель ФЧХ тракта:



Рис. 1. Ионограмма радиолинии Иркутск – Йошкар-Ола, 29.09.2005 14:40 LT (след *1* – ДХ тракта с входом 1*F*2, след *2* – тракта с входом 1*F*2<sub>*p*</sub>, след *3* – тракта 2*F*2, след *4* – тракта *2F*2<sub>*p*</sub>, след *5* – тракта 3*F*2, след *6* – тракта 3*F*2<sub>*p*</sub>)

Импульсная характеристика (ИХ) радиоканала в условиях только регулярной дисперсии имеет вид:

$$h_j(\bar{f},\tau,T) = h_{pj}(\bar{f},\tau,T) + \int_{f_p}^{J_p + \Delta f} H_{0j}(f) \cdot \varphi_H(f) \cdot \exp\left(-i(\varphi_p(f) - \pi/2)\right) \exp(2\pi i f \tau) df \quad (5)$$

Натурные эксперименты показывают, что дисперсионные искажения имеют стохастический вид, когда наряду с «зеркальным» отражением сигнала в среде имеет место также его рассеяние на случайных неоднородностях. При этом «диффузные» моды не разрешаются по быстрому времени и интерферируют, т.е. ЧХ является результатом интерференции случайных колебаний. Пусть средняя интерференционная полоса когерентности для «диффузных» мод превышает полосу канала, тогда случайные замирания ЧХ в полосе пропускания будут носить общий характер, а ЧХ отдельной моды можно представить в виде:

$$H_j(\bar{f}_k, F, T) = \mu_j(\bar{f}_k, T) \cdot H_{rj}(\bar{f}_k, F), \qquad (6)$$

где  $\mu_j(T)$  – случайный в медленном времени процесс,  $H_r(\bar{f}_k, F)$  – детерминированный сомножитель ЧХ, а  $F = f - \bar{f}$ .

Нетрудно показать, что в этом приближении ИХ будет иметь вид:

$$h_{i}(f_{k},\tau,T) = \mu_{i}(f_{k},T) \cdot h_{ri}(f_{k},T,\tau),$$
(7)

где  $h_{ri}(\bar{f}_k, T, \tau)$  - детерминированная ИХ.

Таким образом, в случае присутствия «диффузных» мод ЧХ и ИХ являются стохастическими функциями медленного времени.

2. Результаты вычислительного эксперимента по исследованию влияния на ИХ стохастической дисперсии

Вычислительный эксперимент проводился для радиотрассы Кипр-Йошкар-Ола протяженностью 2363 для периодов: зима (22 декабря), весна (22 марта), лето (22 июня) и осень (23 сентября). Рассматривалась полоса частот шириной 1 МГц вблизи 0.5МПЧ, 0.7МПЧ и 0.9МПЧ.

Был проведен анализ импульсной характеристики (ИХ) радиоканала на основе регулярной и нерегулярной дисперсионной характеристики (ДХ) радиоканала. ДХ рассматривалась в виде суммы детерминированной и случайной компонент:

$$\tau_H(f) = \bar{\tau}(f) + \tau_s(f). \tag{8}$$

Детерминированная (регулярной) ДХ  $\bar{\tau}(f)$  строилась с использованием модели профиля электронной концентрации ионосферы в виде двух параболических слоев (*E* и *F*), параметры которых вычислялись по данным модели IRI. На выбранной полосе частот регулярная ДХ аппроксимировалась линейной функцией. Стохастическая (случайная) составляющая ДХ  $\tau_s(f)$  задавалась в виде нормального случайного процесса с параметрами:  $\langle \tau_s \rangle = 0$  и  $\langle \tau_s^2 \rangle = \sigma_\tau^2 > 0$ .

В вычислительном эксперименте исследовался вид ИХ в случае регулярной ДХ и зависимость высоты пика или пьедестала на ИХ от величины параметра  $\sigma_{\tau}$  случайной ДХ.

При анализе ИХ для регулярной ДХ было установлено, что для всех рассматриваемых случаев ИХ имеет вид пика на полосе вблизи 0.5МПЧ. Для частот вблизи 0.7МПЧ и 0.9МПЧ прямоугольный пьедестал на ИХ наблюдается в вечерние и ночные часы, пик – в остальное время суток. Высота пьедестала ИХ в течение суток варьируется в пределах 12-42 Дб. В таблице 1 представлены интервалы изменения высоты пьедестала для рассматриваемых случаев.

Таблица 1. Интервалы изменения высоты пьедестала импульсной характеристики для регулярной дисперсной характеристики радиоканала

	0,5 МПЧ	0,7 МПЧ	0,9 МПЧ
весна	19,5 – 30,4 Дб	19,1 – 26,0 Дб	18,8 – 26,6 Дб
лето	16,2 – 30,1 Дб	12,5 – 27,1 Дб	12,5 – 20,9 Дб
осень	24,7 – 29,5 Дб	21,4 – 41,4 Дб	18,3 – 40,9 Дб
зима	19,4 – 37,1 Дб	14,1 – 27,5 Дб	16,0-33,2 Дб

Стохастическая составляющая ДХ приводила к образованию шумового пьедестала на ИХ, причем его уровень зависел от величины параметра  $\sigma_{\tau}$ . Чем больше была его величина, тем выше был уровень шумового пьедестала (рис. 2).



Рис. 2. Зависимость уровня шумового пьедестала на ИХ от величины параметра  $\sigma_{\tau}$ (красная линия – ИХ для регулярной ДХ, синяя линия – ИХ для нерегулярной ДХ; а)  $\sigma_{\tau} = 5$ , б)  $\sigma_{\tau} = 25$ , в)  $\sigma_{\tau} = 75$ )

В вычислительном эксперименте проводился анализ ИХ для значений параметра  $\sigma_{\tau}$  от 5 до 100 мкс с шагом 5 мкс. В ходе вычислительного эксперимента установлено, что пьедестал ИХ становится практически неразличимым при  $\sigma_{\tau} \ge 75$ 

На рис. З представлена зависимость высоты пьедестала ИХ от  $\sigma_{\tau}$ , полученная для весеннего периода. Вертикальные отрезки отображают разброс экспериментальных данных (от минимального значения до максимального) для различных средних частот канала распространения с полосой частот 1МГц.

На рис. 4 проиллюстрированы результаты исследования по сезонам. Во всех случаях высота пьедестала ИХ уменьшается с увеличением параметра  $\sigma_{\tau}$ . Видно, что значения высоты пьедестала ИХ для осеннего периода больше соответствующих значений для других периодов, для весеннего – меньше.



Рис. 3. Зависимость высоты пьедестала ИХ от σ<sub>τ</sub> (*a* – для полосы частот канала 1 МГц со средней частотой: 0,5МПЧ, *δ* – 0,7МПЧ, *в* –0,9МПЧ) (весна)



Рис. 4. Зависимость высоты пьедестала ИХ от σ<sub>τ</sub> по сезонам (*a* – для полосы частот канала 1МГц со средней частотой: 0,5МПЧ, *б* – 0,7МПЧ, *в* –0,9МПЧ)

## Выводы

Развиты методы и математические модели характеристик широкополосных высокочастотных радиоканалов и исследовано влияние на них стохастических дисперсионных искажений. В результате вычислительного эксперимента установлено, что в случае стохастической дисперсии при ее нормальном законе распределения с нулевым первым моментом радиоканал разрушается и не поддается коррекции при значениях СКО закона распределения более 75 мкс.

Работа выполнена при поддержке грантов РФФИ: проекты № 10-02-00620; 10-07-00466-а; 11-07-00420-а; ФЦП: ГК № 14.740.11.1147, № 14.740.11.1209; №14.740.11.1436; АВЦП: № 8.2523.2011, № 8.2448.2011, № 8.2559.2011.

## Список литературы

1. Корн, Г. Справочник по математике / Г. Корн, Т. Корн. – М.: Наука, 1970.

2. Gherm, V.E. Scattering function of the fluctuating ionosphere in the HF band / V.E.Gherm, N.N.Zernov // Radio Science. -1998. - V. 33. –P.1019-1033.

3. Иванов, В.А. Канальные параметры рассеяния для среднеширотной ионосферы / В.А. Иванов, Е.В. Катков, М.И. Рябова, А.А. Чернов // Вестник МарГТУ. –Йошкар-Ола. - 2011. - Т.13 - №3. - С. 93-101.

4. Иванов, Д.В. Методы и математические модели исследования распространения в ионосфере сложных декаметровых сигналов и коррекции их дисперсионных искажений / Д.В. Иванов – Йошкар-Ола: МарГТУ, 2006. – 266 с.

5. Revision of part 15 of commission's rules regarding ultra-wideband transmission systems. First report and order/ FCC 02-48 – Federal Communications, 2002.

6. Иванов, Д.В. Исследования особенностей дисперсионных характеристик радиоканалов с помощью ЛЧМ - ионозонда радиоканалов / Д.В. Иванов, В.А. Иванов, А.А. Колчев //Изв. вузов. Радиофизика. – 2001. – Т. XLIV, № 3. – С.241-253.

7. Salous, S. Dispersion of chirp pulses by the ionosphere / S. Salous // J. Atmos. Terr. Phys. - 1994, - V. 56. - № 8. - P. 979-994.

8. Salous, S. Weighted spectral width of ionospherically dispersed chirp pulses / S. Salous //HF radio systems and techniques. IEEE. - 1994. - №.392. - P. 114-117.